

1. (Kanada 1992) Rozwiąż równanie w liczbach rzeczywistych $x^2 + \frac{x^2}{(x+1)^2} = 3$.

2. (Szwecja 1989) Rozwiąż w liczbach dodatnich układ równań
$$\begin{cases} x + y^2 + z^3 = 3 \\ x^2 + y^3 + z = 3 \\ x^3 + y + z^2 = 3 \end{cases}$$

3. (Węgry 1987) Dla liczb rzeczywistych x, y, z suma $\frac{x^2 + y^2 - z^2}{2xy} + \frac{y^2 + z^2 - x^2}{2yz} + \frac{z^2 + x^2 - y^2}{2zx}$ jest równa 1. Udowodnij, że spośród trzech składników tej sumy dwa są równe 1.

4. (Chiny 1992) Znajdź wszystkie trójki (x, y, z) liczb rzeczywistych spełniających układ równań
$$\begin{cases} (x + 2y)(x - 2z) = 24 \\ (y + 2x)(y - 2z) = -24 \\ (z - 2x)(z - 2y) = 11 \end{cases}$$

5. (Rosja 1992) Znajdź wszystkie pary liczb rzeczywistych (x, y) spełniające równanie $x^2 + (y - 1)^2 + (x - y)^2 = \frac{1}{3}$.

6. (Rosja 1992) Znajdź wszystkie pary liczb rzeczywistych (x, y) spełniające równanie $y^4 + 2x^4 + 1 = 4x^2y$.

7. (Moskwa 1990) Wyznacz wszystkie trójki (p, q, r) liczb pierwszych spełniające równanie $p^q + q^p = r$.

8. (Węgry 1990) Rozwiąż układ równań
$$\begin{cases} xy + xz = 8 - x^2 \\ xy + yz = 12 - y^2 \\ yz + zx = -4 - x^2 \end{cases}$$